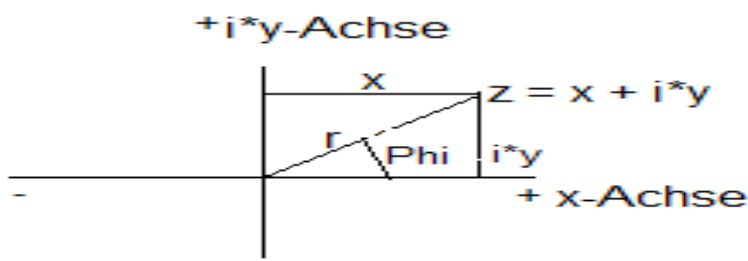


## Farben und komplexe Zahlen

Eine komplexe Zahl z.B.  $z(1)$  setzt sich zusammen aus einer üblichen realen Zahl  $x(1)$  und einer Realzahl  $y(1)$  mal Wurzel(-1) vereinfacht  $i$  also  $y(1) \cdot i$ .  
Hinweis: Wurzel(4) = 2 ; (2 \* 2 = 4); Wurzel (9) = 3 ; (3 \* 3 = 9) ; Wurzel(-1) keine Lösung



allgemeine Formel (1)  $z = x + y \cdot i$

Im Koordinatensystem kann man jedes  $z$  durch  $x$  und  $y$  darstellen. Gleichwertig ist die Darstellung durch die Polarkoordinaten -  $r$  -, dem Abstand vom Ursprung und dem Winkel -  $\Phi$  -, dem Winkel zur  $x$ - Achse. Im rechtwinkligen Dreieck resultiert:  $\sin(\Phi) = y / r$  und  $\cos(\Phi) = x / r$

$$(2) z = r \cdot (\cos(\Phi) + i \cdot \sin(\Phi))$$

Hier ein Rezept : Man konstruiere eine  $10 \times 10$  Schachbrett Fläche mit dem  $x$ -Bereich z.B. -1 bis +1, teile ihn in z.B. 10  $x$ - Abschnitte mit den  $x$ - Werten -1, -0,8, -0,6, ..0, 1,2 ..1,8, und dann gleiches für den  $y$ - Bereich, so entstehen 10  $y$ - Werte. Diese ergeben mit Formel (1)  $10 \times 10 = 100$   $z$ - Werte; (jedes  $x$  mit jedem  $y$  kombiniert) .

$$z_1 = -1 + i \cdot (-1), z_2 = -1 + i \cdot (-0,8) \dots z_{10} = -1 + i \cdot (1,8)$$

$$z_{11} = -0,8 + i \cdot (-1), z_{12} = -0,8 + i \cdot (-0,8) \dots z_{20} = -0,8 + i \cdot (1,8) \text{ usw.}$$

$$z_{91} = +1,8 + i \cdot (-1), \dots z_{100} = -1,8 + i \cdot (1,8) .$$

Nun werden diese 100  $z$ - Werte mit einer Funktion  $f$  (Zuordnungsvorschrift) z.B.  $f = z \cdot z = z^2 = z$  hoch 2 neu berechnet und man erhält ebenfalls 100  $f$ - Werte; auch diese  $f$ - Werte sind komplexe Zahlen. Nach Formel (2) ergeben sie auf der  $10 \times 10$  Fläche 100  $r$ -Werte und 100  $\Phi$ -Werte

Jetzt kommt es :

Die  $\Phi$ - Werte – od. Winkel liegen alle zwischen 0 und dem Vollkreis  $360^\circ$  (in Bogenmaß) . Man nehme nun die Phi-Werte und ordne jedem  $\Phi$ -Wert einer Farbe des Farbkreis zu, z.B.  $0^\circ$  rot,  $45^\circ$  gelbrot,  $90^\circ$  hellgrün,  $180^\circ$  hellblau,  $270^\circ$  dunkelblau mit Violett und schon hat man 100 Farbpunkte, Pixel auf der Fläche  $10 \times 10$ . Die tatsächlichen Berechnungen werden mit einem von Elias Wegert et al. der techn. Uni. Freiburg in Sachsen erarbeiteten und hier modifiziertem Programm in der OCTAVE -bzw. in der matlab(R) Sprache mit bis zu  $5000 \times 5000 = 25$  Mio. Pixel und 600 Farben im Farbkreis ausgeführt. So entstehen die hier gezeigten